





الرياضيات

الأدبي والشرعي الفترة الثالثة

> الطبعة الثانية ٢٠٢٠ م / ١٤٤١ هـ

جميع حقوق الطبع محفوظة ©

دولة فلسطين وَالْثَوْلَا لَبَّرِيَّتُهُ وُالتَّخِلَيْكُمْ



مركزالمناهج

mohe.ps المساه.ps المساه.

حي الماصيون، شارع المعاهد ص. ب 719 - رام الله - فلسطين ↑ pcdc.edu.ps | ☑ pcdc.mohe@gmail.com

الوحدة المتمازجة للفترة الثالثة

المعادلات والمتسلسلات والإحصاء Equations, Series and Statisitics

يتوقع من الطلبة بعد دراسة هذه الوحدة المتمازجة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف المعادلات والمتسلسلات في الحياة العمليّة من خلال الآتي:

- ١. حلّ معادلات أسية.
- ٢. حلّ معادلات لوغاريتماتية.
- .٣ التّعرف إلى مفهوم المتسلسلة.
- ٤٠ التّعرف إلى المتسلسلة الحسابية وإيجاد مجموعها.
- ٥. التّعرف إلى المتسلسلة الهندسية وإيجاد مجموعها.
 - .٦. التعرف إلى العلامة المعيارية.
 - ٧. التعرف إلى منحنى التوزيع الطبيعي المعياري.
- ٨٠ توظيف خواص منحنى التوزيع الطبيعي المعياري في حل مشكلات حياتية.

المحتويات

۲	Exponent Equations	(٣ - ١) المعادلات الأُسية
٣	Logarithmic Equations	(٣ - ٢) المعادلات اللوغاريتمية
٤	Arithmetic Series	(٣ - ٤) المتسلسلة الحسابية ومجموعها
٧	Geometric Series	(٣ - ٥) المتسلسلة الهندسية ومجموعها
٩		(٣ - ٣) ورقة عمل
١.	Standard Score	(٣ - ٧) العلامة المعيارية
17	Standard Normal Distribution	(٣ - ٨) التّوزيع الطبيعي المعياري
10	Chapter Exercises	(۳ - ۹) تمارین عامیة
١٧		(٣ - ١٠) الاختبار الذاتي

ponent Equations

(1 - 4)

المعادلات الأسية

= أُتذكّر: =

لتكن أ ، م، ن ∈ ح ، أ ≠ ، ، أ ≠ صفر فإن:

$$(1)^{2} \times (1)^{2} = 1$$

$$\gamma = \frac{(1)^{2}}{(1)^{2}} = 1^{2-c}$$

$$\gamma = (1)^{\circ} = 1^{1 \times \circ}$$

مثال (۱)

أحل المعادلة (۲۷) 7 = (۹) $^{1-m}$

$$^{\mathsf{T}}(\mathsf{T}) = \mathsf{P}^{\mathsf{T}}$$
 کذلك $\mathsf{P} = (\mathsf{T})$

ومنها: (۳)
$$^{r_{w}-r} = (r)^{r-r_{w}}$$
 (لماذا؟)

بما أن الأساسات متشابهة فتكون الأسس متساوية:

أي أن:
$$7 - 7 = 7 - 7$$
س

تمارین ومسائل (۳-۱)



أجدُ مجموعة حلّ كل من المعادلات الأسية الآتية:

$$(\wedge)^{-1} = (\wedge)^{-1} = (\wedge)^{-1}$$
 ج

$$^{\circ}$$
ر $^{\circ}$ $^{\circ}$

$$^{\circ}$$
ر ($^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$

$$^{q-\omega^{\gamma}}(\circ)=^{\omega^{-\gamma}}(17\circ) \quad (\circ \quad \qquad \gamma V=^{\circ}-^{\omega^{-\gamma}}(\frac{1}{\circ}) \quad (\dot{1})$$

$$YV = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

المعادلات اللوغاريتمية

= أُتذكّر: =

إذا كانت أ، س، ص > صفر، أ ≠ ١ فإن:

$$^{\circ}$$
 $^{\circ}$ $^{\circ}$

مشال (۱)



أحل المعادلة $\mathbf{L}_{\mathbf{q}} = \mathbf{q}$.

الحلِّ: لحلِّ المعادلة اللوغاريتمية نحولها أُولاً للصورة الأُسية.

أ مثال (٢)



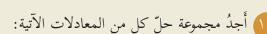
 $^{\prime\prime}$ المعادلة اللوغاريتمية الآتية: لو $^{\prime\prime}$ (س $^{\prime\prime}$ – $^{\prime\prime}$ س

الحلِّ: لحلِّ المعادلة اللوغاريتمية نحولها أُولاً للصورة الأسية.

$$^{\mathsf{T}}(\mathsf{T}) = \mathsf{T}(\mathsf{T}) = \mathsf{T}(\mathsf{T})$$
 تکافئ : س $^{\mathsf{T}} - \mathsf{T}(\mathsf{T}) = \mathsf{T}(\mathsf{T})$

$$m'-7m-m=0$$
 ومنها: $(m-m)(m+1)=0$

تمارین ومسائل (۳ - ۲)



أ)
$$L_{q_{y}}(6m-3)=3$$
 ب) $L_{q_{y}}(7m-3)=7m-1$ ج) $L_{q_{y}}(7m-3)=7$

$$= (m^{-1})$$
 أُجِدُ مجموعة حلّ المعادلة لو (m^{-1})

Arithmetic Series

(£ - \mathcal{\pi})

المتسلسلة الحسابية ومجموعها

أُولاً: المتسلسلات: (Series)

= أُتذكّر:

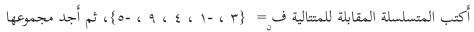
المتتالية الحسابية: هي المتتالية التي يكون الفرق بين أي حدين متتاليين فيها يساوي مقداراً ثابتاً دائماً.

وحدها العام = 1 + (i - 1) د، حيث 1 = 1 الحد الأول، د: الأساس، ن: رتبة الحد النوني.

نعريف

المتسلسلة ($\sum_{j=1}^{6} - z_{j}$) تمثّل مجموع حدود المتتالية (z_{j}) المقابلة لها، ويكون حدها العام (z_{j} حر) ، ويعبر جرعن مجموع حدودها.

مشال (۱)



الحلّ: $\sum_{n=1}^{\infty}$ فر = n+1+3+9+0. لاحظ أن: $\sum_{n=1}^{\infty}$ فر = جه ومنها: جه = n+1+3+9+0

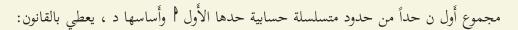
أتعلهم

تعرف المتسلسلة الحسابية بأنها مجموع حدود المتتالية الحسابية المرتبطة بها.

مشال (۳)

أُميّز المتسلسلة الحسابية من غيرها فيما يأتي:

أتعلم



$$= \frac{\dot{c}}{7} (7^{4} + (\dot{c} - 1) \times \dot{c}) = \frac{\dot{c}}{7} (4 + \dot{c})$$

مثال (۳)



أَجدُ مجموع أول ٤٠ حدّاً من المتسلسلة الحسابية ٢١+٠١+٨+٠٠٠

$$= \frac{\dot{c}}{7} (7^{4} + (\dot{c} - 1) \times c)$$

$$1 \cdot \lambda \cdot - = (\forall \lambda - 1) \cdot \lambda \cdot = (1 - \mathbf{x} + 1) \cdot \lambda \cdot = (1 - \mathbf{x} \cdot (1 - \xi \cdot) + 1) \cdot \lambda \cdot = \frac{1}{\xi \cdot \xi} = \frac{1}{\xi \cdot \xi}$$

نشاط (۱)



$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} (71 - 1)$$

الحلّ: ألاحظ أن المتسلسلة حسابية (لماذا)؟

$$\beta = 11 = 1 - 17 = 5$$

ح ...
$$= 1. - 1.7 = -4.3$$
 إذن المتسلسلة حسابية ، فيها $= 1.1$ ، $= -4.3$ ، $= -4.3$ ، $= -4.3$

مثال (٤)

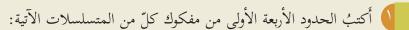
أَجدُ الحد الخامس عشر في المتسلسلة الحسابية التي يعطى مجموعها بالعلاقة: ج $_{0}=3$ ن $_{0}=1$ ن $_{0}=1$

$$= \frac{1}{2} = \frac{1}{2} (1) - (1)^{7} = 7$$
 easil: $\frac{1}{2} = 7$

$$= \xi(\Upsilon) - (\Upsilon)^{7} = \lambda - \xi = \xi - \lambda = ((\Upsilon) - (\Upsilon))^{7} = \xi$$

$$-1 - m = -7$$
 إذن $c = -7$ ومنها: $-1 - m = -7$

تمارین ومسائل (۳ - ٤)



ب)
$$\sum_{i=1}^{VI} (۲ \sqrt{i})$$

- ٢ متسلسة حسابية حدها الأول ١٤، وأساسها يساوي ٥ أُجدُ مجموع أول ٢٠ حداً منها.
- ت أُجدُ الحد الأُول في المتسلسلة الحسابيّة التي أساسها ٢ ومجموع أول ٦٠ حداً فيها يساوي ١٢٠
- كم حداً يجب أخذه من متسلسلة حسابية حدها الأول ٣ وأساسها ٦ ليكون مجموع تلك الحدود = ٢٧؟
 - متسلسلة حسابية حدها الأول ٣ وحدها الستون = ٨٧ ، أجد جر.

المتسلسلة الهندسية ومجموعها

اً أُتذكِّه:

المتتالية الهندسية: هي المتتالية التي تكون النسبة بين أي حدين متتاليين فيها يساوي مقداراً ثابتاً دائماً. وحدها العام $\sigma_0 = \int \mathcal{N}_0$ عيث $\sigma_0 = \int \mathcal{N}_0$ عيث أ: الحد الأول، $\sigma_0 = \int \mathcal{N}_0$



تعرف المتسلسلة الهندسية بأنها مجموع المتتالية الهندسية المرتبطة بها.

مشال (۱)



أُميّزُ المتسلسلات الهندسية مما يأتي: أ) 1 + 1 + 1 + 9 + 7 + 1 + 9 + 7 + 1 + 10 + 10 + 10

الحلّ: أ) متسلسلة هندسية ، لأن
$$\frac{7V}{N} = \frac{9}{7} = \frac{9}{7} = \frac{7}{9}$$

ب) ليست هندسية ، لأَن $= \frac{9}{7} \neq \frac{17}{9}$



مجموع أول ن حد من حدود متسلسلة هندسية حدها الأول أ وأساسها م ،

$$1 \neq \sqrt{\frac{1-\sqrt{1-1}}{1-\sqrt{1-1}}}$$
 يعطي بالقانون جي $= 1$

مشال (۳)



$$\sum_{c=r}^{\Lambda} (\gamma^{c}) = \gamma' + \gamma^{r} + \gamma^{r} + \gamma^{3} + \dots + \gamma^{\Lambda}$$

الاحظ أن المتسلسلة هندسية لماذا؟ : وفيها:
$$\frac{1}{1-7}$$
 ، $\frac{1}{1-7}$ ، $\frac{1}{1-7}$ ، $\frac{1}{1-7}$) $\frac{1}{1-7}$ $\frac{1}{1-7}$) $\frac{1}{1-7}$ $\frac{1}{1-7}$) $\frac{1}{1-7}$





تمارین ومسائل (۳- ه)

آ أَجدُ مجموع المتسلسلات الهندسية الآتية:

$$i) \quad \sum_{c=r}^{2} \ (\ 7\ \times\ \gamma^{c}).$$

$$\frac{1}{17} - \frac{1}{2} + 1 - 2$$
 (ج

- ٢ متسلسلة هندسية حدها الأول ٧ و أساسها ١٠ ، أجدُ مجموع أول عشر حدود منها.
- ٣ أُجِدُ الحد الأول في المتسلسلة الهندسية التي أساسها ٢ ومجموع أول أربعة حدود يساوي ٦٠.
 - ع كم حداً يلزم أخذه من متسلسلة هندسية حدها الأول ٤ وأساسها ٣ ليكون مجموعها ١٦٠ ؟

ورقة عمل

السؤال الأول: أضعُ دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة:

۱) ما قیمة
$$\sum (-1)^{2}$$
 أ) -ه ب) -۱ ج) ۱

٥) ما مجموعة حلّ المعادلة:
$$\frac{17}{4}$$
 $= 0$ $=$

السؤال الثاني: أكتب أول ٥ حدود لمتسلسلة حسابية مجموع حديها الثاني والتاسع = ٢٥، ومجموع حديها الثالث والسابع = ٢٠.

السؤال الثالث: كم حداً يلزم أُخذه من المتسلسلة الهندسية ١ + ٣ + ٩ ليكون المجموع مساوياً ٣٦٤.

السؤال الرابع: إذا كان مجموع أول ن حداً من متسلسلة حسابية يعطى بالعلاقة جي =ن(٢ن+١) أُجدُ الحد الأُول والأُساس لتلك المتسلسلة.

السؤال الخامس: ما مجموعة حلّ كل من المعادلة اللوغاريتمية الآتية؟ لو (٢٥)٢٠٠٠ = لو (٦٤)٣٠

العلامة المعيارية

تعريف



العلامة المعيارية: إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من البيانات يساوي (μ) وانحرافها المعياري σ ، فإن العلامة المعيارية (ع) المقابلة للقيمة (س) تمثّل عدد الانحرافات المعيارية التي تنحرفها القيمة س $\frac{\mu-m}{\sigma}=\frac{m-m}{\sigma}$ عن الوسط الحسابي للبيانات. وبالرموز فإنّ: ع = $\frac{\pi}{\sigma}$

ر مشال (۱)

إذا كان الوسط الحسابي لعلامات (٣٠) طالبا في الصف الثاني عشر الأدبي في اختبار الجغرافيا يساوي (١٣) وانحرافها المعياري (٢). فإذا حصل ثلاثة طلاب على العلمات: ١١، ١٣، ١٦، فما هي القيم المعيارية المناظرة لكل منهم؟

الحلّ:

$$\frac{\mu - \omega}{\sigma} = \epsilon$$

العلامة المعيارية (ع) المقابلة للعلامة (س = ۱۱) هي ع =
$$\frac{17 - 11}{7}$$
 $= 2$

العلامة المعيارية (ع) المقابلة للعلامة (س = ۱۳) هي ع = $\frac{17 - 17}{7}$
 $= 2$

العلامة المعيارية (ع) المقابلة للعلامة (س = ۲۳) هي ع = $\frac{17 - 77}{7}$

العلامة المعيارية (ع) المقابلة للعلامة (س = ۲۳) هي ع = $\frac{17 - 77}{7}$

مثال (۲)

إذا كان الوسط الحسابي لأعمار مجموعة من الآباء يساوي (٤٣) سنة وانحرافها المعياري (٥) سنة وكانت العلامة المعيارية المقابلة للعمر (س) تساوي (٤) ما العمر س؟

$$\frac{\mu-\omega}{\sigma}=\frac{\omega-1}{\sigma}$$
 الحلّ: $g=\frac{\mu-\omega}{\sigma}$ ومنها $g=\frac{\mu-\omega}{\sigma}$ الحلّ: $g=\frac{\mu-\omega}{\sigma}$ إذن $g=\frac{\mu-\omega}{\sigma}$

تمارین ومسائل (٤ - ١)



- . ۲۸ = σ ، ۲۰ التي تقابل العلامة س σ . ۲۸ إذا كان σ . ۲۰ إذا كان
- إذا كان مجموع علامات ٥٠ طالباً في امتحان التاريخ يساوي ١٠٠٠، وانحرافها المعياري $\frac{\circ}{\lor}$ ، ما العلامة المعيارية المناظرة للعلامة ١٠٠٠
- إذا كان الوسط الحسابي لأَطوال ٢٠ طالباً يساوي ١٥٠سم وانحرافها المعياري ٢ سم، ما الطول الذي علامته المعيارية = 7?
 - إذا كان الوسط الحسابي لكتلة مجموعة من الأشخاص يساوي ٥٠ كغم، وانحرافها المعياري ٥ كغم، وكانت العلامتان المعياريتان المقابلتان للكتلتين: س، ٦٠ هما ٢٠ و ٤ على الترتيب:
 - أ) فما قيمة كل من س و ٥؟
 - ب) مالعلامة المعيارية المقابلة للكتلة ٥٨ كغم؟

Standard Normal Distribution

(Y - £)

التوزيع الطبيعي المعياري

نعريف

منحنى التوزيع الطبيعي المعياري هو منحنى تكراري لتوزيع العلامات المعيارية مقابل تكراراتها، بوسط حسابي يساوي صفر، وانحراف معياري يساوي واحد. ويسمى هذا المنحنى شكل الجرس.

وأهم خصائصه:

- ۱. متماثل حول $\overline{3} = .$
- ٢. يُقسّم المحور الأَفقي فيه بمقدار انحراف معياري واحد بكل وحدة.
- ٣. المساحة المحصورة بين المنحنى والمحور الأُفقي تساوي وحدة مربعة واحدة. ومن الجدير بالإشارة أن المساحة المحصورة بين قيمتين معياريتين يمكن حسابها من خلال جداول منظمة ودقيقة أُعدّت لهذا الغرض. لاحظ الملحق (١).



أُستخدم الجداول في حساب المساحة المحصورة بمنحنى التوزيع الطبيعي المعياري والواقعة تحت (ع= ٠٠,٢٣)

أجد من الجدول أن: المساحة تحت (ع= ٢٣٠٠) = ٩١٠،

٠,٠٤	٠,٠٣	٠,٠٢	٠,٠١	• • • •	ع
					٠,٠
	V				٠,١
	٠.٥٩١٠				٠,٢
					٠,٣
					٠,٤

مثال (۱)

أُستخدم الجداول في حساب المساحة المحصورة بمنحنى التوزيع الطبيعي المعياري والواقعة:

۱. تحت
$$(3 = 1)$$
 ۲. تحت $(3 = 7)$ ۳. فوق $(3 = 7)$

الحلّ: ١. المساحة تحت
$$(3 = 1)$$
 تساوي $(3 = 1)$ تساوي $(3 = 1)$ تساوي $(3 = 1)$ تساوي $(3 = 1)$ المساحة تحت $(3 = 1)$

$$^{\circ}$$
 . المساحة فوق (ع = ۲)= ۱- المساحة تحت (ع = ۲) $^{\circ}$ = ۱- ۱۹۷۷۲ $^{\circ}$.

اتعل

نسبة المساحة المحصورة تحت منحنى التوزيع الطبيعي عندما (3 < 3) إلى المساحة الكلية تحت المنحنى تساوي المساحة تحت (3 = 3)

مثال (۲)

استخدم جدول التوزيع الطبيعي المعياري في إيجاد نسبة المساحة في كل مما يأتي :

(1)
$$2 \le -37.7$$
 (1) $2 \le -37.7$ (2) $3 \le -37.7$ (3) $4 \le -37.7$

$$(7 \le 3 \le 7)$$
 عندما ($5 \le 3 \le 7$) فإن نسبة المساحة بين ($5 \le 7 \le 7$) عندما

$$-1,0$$
 المساحة تحت $(3=7)$ – المساحة تحت $(3=7)$ – $(3-7,0)$ – المساحة تحت $(3-7,0)$

ألاحظ أن المساحة المحصورة بين 3=7 و 3=7 تمثل ما نسبته ٢,١٥٪ من المساحة الكلية تحت المنحني.

 \cdot , 99 ξ 1 = \cdot , \cdot 09 - 1 =

تطبيقات على التوزيع الطبيعي المعياري:

تقدّم ١٠٠٠ طالب لامتحان ما في جامعة النجاح الوطنية. فإذا كانت علامات الطلبة تتبع التوزيع الطبيعي وسطه الحسابي ٦٠ وانحرافه المعياري ١٠ . أُجدد:

$$1. = \sigma$$
 ، $7. = \mu$ حيث علامات الطلبة، حيث أن س تمثّل علامات الطلبة،

إذن النسبة التي تمثل (٥٠ \leq س \leq ٩٠) = نسبة المساحة عندما (-١ \leq ع \leq ۳)

$$= (|l_{\text{om}}| - |l_{\text{om}}| - |l_{\text{om}}| - |l_{\text{om}}| - |l_{\text{om}}| - |l_{\text{om}}|$$

$$\times$$
 ۱۰۰ × ۰٫۱۰ ماویة = ۰٫۱۰ × ۰٫۱۰ النسبة المئویة = ۰٫۸۰ × ۰٫۱٪ = ۸٪ النسبة المئویة = ۰٫۸۰ × ۰٫۱٪

ب) عندما
$$m = 0.00$$
 فإن: $g = \frac{7.7 - 0.00}{1.00} = 7$ إذن النسبة التي تمثل ($m \ge 0.00$) = نسبة المساحة فوق ($g = 7$) عندما $g = 0.00$ المساحة تحت ($g = 7$) $g = 0.00$ النسبة المئوية = $g = 0.00$ النسبة المؤوية = $g = 0.00$

تمارین ومسائل (٤ - ٢)

- استخدم جدول التوزيع الطبيعي المعياري في إيجاد نسبة المساحة لكل من الآتية: أ) عندما $(3 \le 7,0)$ ب) عندما $(3 \le 1,7)$ ج) عندما $(3 \le 1,7)$
- إذا كان عمر التشغيل لبطارية سيارة من إنتاج مصنع فلسسطيني يتبع التوزيع الطبيعي، بوسط حسابي ٢٠٠٠ ساعة، وانحراف المعياري ١٢٠ ساعة، ما النسبة المئوية للبطاريات التي يكون عمر التشغيل لها أكثر من ١٨٢٠ ساعة؟
 - - أ) النسبة المئوية للأكياس التي كتلتها أقل من ١,٠٣ كغم من إنتاج هذا الخط.
 - ب) عدد الأكياس التي كتلتها أكثر من ١٠٠٢ كغم.
 - ج) النسبة المئوية للأكياس التي تتراوح كتلتها بين اكغم و ١,٠٥ كغم.
- تقدم ١٠٠٠ طالب في إحدى الجامعات الفلسطينية لامتحان عام في المهارات التقنية. وكانت علاماتهم تتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي يساوي ٦٨ وانحراف معياري ٥، فإذا كان عدد الطلبة الذين حصلوا على علامة ٢٠ على الاقل هو ٧١٩ طالب.
 - أ) ما قيمة ٥؟
 - ب) ما النسبة المئوية للطلبة الذين حصلوا على علامة ٤٠ على الأقل؟
 - ج) ما عدد الطلبة الذين حصلوا على علامة ٧٠ على الأكثر؟

اريسن عسامسة

السؤال الأول: أضعُ دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة:

	17. (2	ج) ، ه	٤٠ (ب	7. (1
	لاثة حدود منها؟ ٢٥ د) ٢١	ج) ٥٠ ا - 	حدها الأُول -١ ، أُساسها ب) ٩	۱) متسلسلة هندسية ۱۳- أ) ج
			37 × 14)?	·) ما قيمة: لــو _{م (٣}
	٤ (٤	ج) ۹	ب) ۲۰	أ) ه
-	د) ۱۱	ه (نج ن میر) (اید ا	تحقق المعادلة ٢٤ = (– - ١ - - ب ـ ــــ) ما قيمة س التي أ أ) -ه
		علامات يساوي ٥٦ والان		،) إِذا كان الوسط الـ
	د) -۲۱	ج) ۱۲	ب) ۸۸	أ) ٢٥
ناظرتين لطوليهما يساوي	إمتين المعياريتين الم	، ٥١ سم، والفرق بين العلا	لى طولىي شخصين يساوي	·) إِذا كان الفرق بيـر·
			المعياري ٥ ؟	١,٠ فما الانحراف
		ج) ۱۰		
هما ۱، ۴۰ على الترتيب	عياريتان المناطرتان ل	كغم، وكانت العلامتان الم) إدا كانت كتلتا الم ما الانحراف المعيا.
	د) ۱۰	" (5	ب (ب	
	් = (1	ساحة عندما (ع <,٢٣	التوزيع الطبيعي وكانت اله عندما (ع >-٢,٢٣)؟	

١) متسلسلة حسابية حدها الأول ٣ وحدها العاشر ٢١، ما مجموع أول عشرة حدود منها؟

اً) ١٥ (ب د) ۱,۷٥ د ج) ۱۰

١ + ط (ء ٢ - ط (ج ط ال ب

٩) إذا كان الفرق بين طولي شخصين يساوي ٥١ سم، والفرق بين العلامتين المعياريتين المناظرتين لطوليهما يساوي

٥,١، فما الانحراف المعياري σ?

۱۰) إذا كانت س تتبع التوزيع الطبيعي بوسط الحسابي μ وانحراف معياري σ ، ما قيمة المساحة الممكنة عندما $(m<\mu)$ ؟

أ) ۰٫۰۰ ب ،۰٫۰ ج) ۱ حفر

السؤال الثاني: إذا كان ع يتبع التوزيع الطبيعي، أُجد نسبة المساحة في كل مما يأتي:

أ) عندما (ع ≥۱٫۱۳) ب) عندما (ع ≤۱٫٤۲)

 $(7,50 \ge 3 \le 1,51)$ د) عندما (-13,1 $\le 3 \le 0,7,7$) د) عندما

السؤال الثالث: ما مجموعة حلّ كل من المعادلة الأسية (٩) $^{w+1} = (٢٧)^{3w}$?

 $1 - = \frac{(.,...)}{}$ ما مجموعة حلّ كل من المعادلة اللوغاريتمية الآتية؟ $\frac{}{}$

السؤال الخامس: ما مجموعة حلّ المعادلة: $\frac{1}{7}$ س $\frac{1}{1}$ س $\frac{1}{1}$ س لو $_{0}(75)$ + 7 لو $_{0}(77)$ = .

السؤال السادس: إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من المفردات يساوي ٥٠ والانحراف المعياري لها ١٠ أُجد:

أ) العلامة المعيارية المناظرة للمفردة ٦٠

ب) المفردة المناظرة للعلامة المعيارية -١,٥٠

السؤال السابع: إذا كانت س تمثل علامات طلبة صف ما بحيث س تتبع التوزيع الطبيعي حيث أن الوسط

الحسابي يساوي ٢٠ والانحراف المعياري يساوي ٤، أُجد كلاً مما يأتي:

أ) نسبة المساحة عندما $(m \ge 1)$ ب) نسبة المساحة عندما $(m \le 9)$

السؤال الثامن: إذا كانت العلامتان المعياريتان المناظرتان للعلامتين ١٧ ، ٣٥ هما -٣،١ على الترتيب،

فما الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعلامات الخام؟

السؤال التاسع: صَفّ مكون من ٤٠ طالباً، إذا كانت علامات الطلاب رامي، محمد ، رائد هي ٨٠، ٩٠، س

على الترتيب، وعلاماتهم المعيارية المناظرة هي: ٢، ٣، ١- على الترتيب، فما قيمة س؟

إختبار ذاتي

السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة لكل فقرة من الفقرات الاتية:

١) اذا كانت العلامة المعيارية لاحمد في اختبار الرياضيات تساوي ع = -٥,٣ فيما كانت العلامة المعيارية لناصر
 هي -١، فاي منهما كانت علامته الخام أفضل؟

أ. ناصر ب. أحمد ج. نفس مستوى الأداء د. لا يمكن ان نقرر

٢) إذا كان الوسط الحسابي لأطوال ٥١ طالبا تساوي ١٣٠ سم ،وكانت العلامة المعيارية المقابلة للطول ١٣٢ سم
 هي ٥,٥ ، فما لاانحراف المعياري لتلك الاطوال ؟

أ. ۲ ج. ٤ ج. ٤

۳) اذا کانت مجموع $\sum_{c=1}^{c} -\sum_{c=1}^{c} (3c-c)$ ، فما مجموع أول ۲۲ حداً فيها؟

أ. ۲۲۸۲ ب. ۱۳٤۱ ج. ۵۵۱ د. -۱۰۱۵۲

3) ما عدد حدود المتسلسلة الهندسية مجموع $\sum_{i=1}^{5} z_{i} = \sum_{j=1}^{5} 3(7)^{j}$ اللازم جمعها ليصبح ج ن = 7. ؟

د. ٦

أ. ه ب. ٤

ما مجموعة حل المعادلة : لو ، (۲س-۱) - لو ، (۳-س) = ، ؟

 $(-7) \quad (-7) \quad (-7) \quad (-7) \quad (-7)$

السؤال الثاني: حل كل من المعادلات الاتية:

(1) (31) -7^{-1} $= \frac{1}{2}$ = 7 = 1

السؤال الثالث: متسلسلة حسابية يعطى مجموع أول ن حداً منها جي = 0 - 0 - 0 جد الحد العام لهذه المتسلسلة .

السؤال الرابع: تتبع كتل الأطفال الخدَج منحنى التوزيع الطبيعي ،بوسط حسابي ١,٢٤ كغم وانحراف معياري =٢٠٠ ،اذا كان عدد الأطفال الحدج عام ٢٠١٨ يساوي ١٢٠٠ طفلا .

أ) ما عدد الأطفال الذين يقل وزنهم عن ١ كغم؟

ب) ما نسبة الأطفال الذين تنحصر أوزانهم من ١ أو ١٠٣ كغم؟